Introduction à la Science des matériaux - Faculté STI

Génie mécanique

Cours No 8.1 Fatigue- Etude de cas

V.Michaud

Ecole Polytechnique Fédérale de Lausanne



Table des matières

- Fin du cours sur la fatigue: déformation, prédiction des durées de vie.
- Rappels et compléments sur les propriétés mécaniques de base
- Etude de cas de dimensionnement et choix des matériaux pour un réservoir sous pression

Objectifs du cours

- Consolider les connaissances acquises en mécanique des matériaux et montrer une application pratique avec une étude de cas.
- Avant cela, voir comment on peut prédire la durée de vie en fatigue d'un matériau quand:
- La contrainte moyenne n'est pas nulle
- L'amplitude n'est pas constante
- Le matériau comporte des fissures.

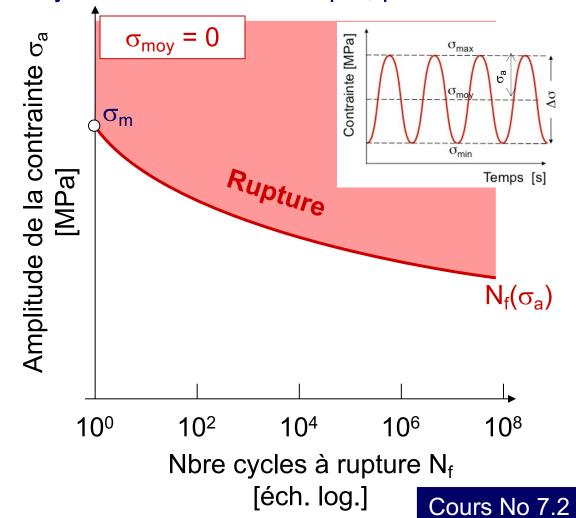
Rappel Fatigue

La résistance à la fatigue dépend de la **contrainte moyenne**, σ_{moy} , de l'amplitude σ_a et du nombre de cycles. On peut construire une courbe (dite de Wöhler) si on note après combien de cycle le matériau va rompre, pour une

amplitude de contrainte donnée.

Lorsque la contrainte max dépasse σ_Y, il y a endommagement rapide et le matériau supporte peu de cycles ("low-cycle" fatigue, ou fatigue oligocyclique).

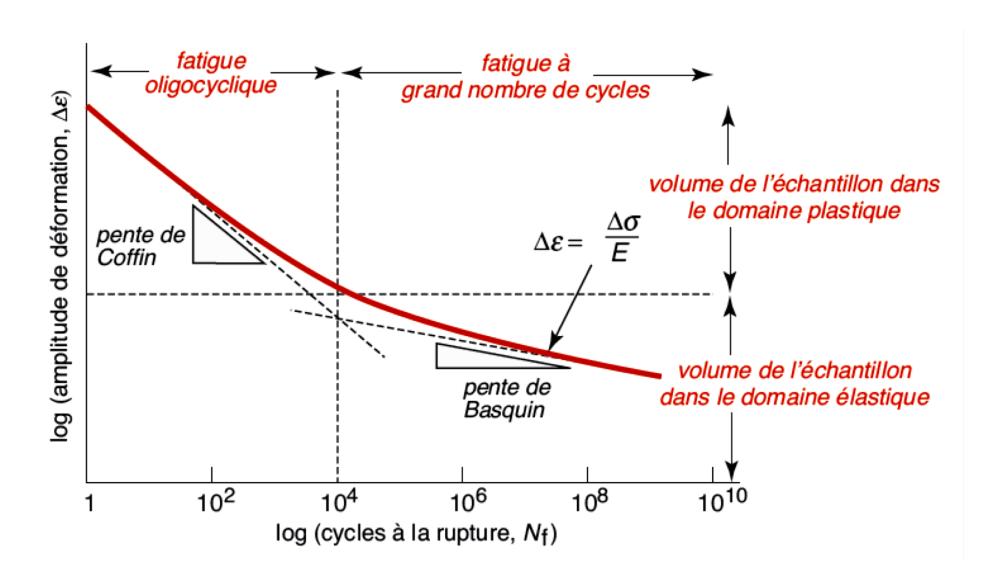
 Lorsque la contrainte max est inférieure à σ_Y, le matériau peut supporter un grand nombre de cycles ("highcycle" fatigue).



Déformation lors de la Fatigue

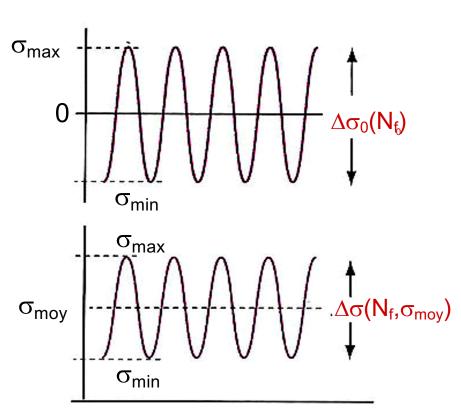
Dans le régime de la fatigue usuelle ($\sigma_{max} < \sigma_{Y}$), l'échelle de la contrainte appliquée peut être facilement convertie en déformation. Pour la fatigue oligocyclique ($\sigma_{max} > \sigma_{Y}$), ceci n'est plus aussi simple.

Déformation lors de la Fatigue



Fatigue avec contrainte moyenne non nulle

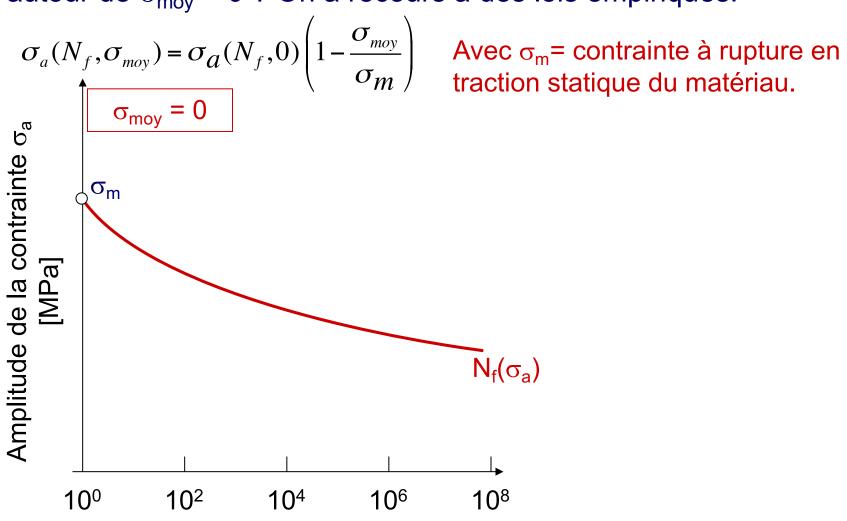
Comment adapter la courbe de Wöhler au cas où $\Delta \sigma$ n'est pas appliquée autour de σ_{mov} = 0 ? On a recours à des lois empiriques.



La loi de Goodman relie l'amplitude pour une contrainte moyenne non nulle qui correspond à un nombre de cycles à rupture N_f, avec l'amplitude pour une contraine moyenne nulle, qui donne le même nombre de cycles à rupture N_f

Fatigue avec contrainte moyenne non nulle

Comment adapter la courbe de Wöhler au cas où $\Delta \sigma$ n'est pas appliquée autour de σ_{moy} = 0 ? On a recours à des lois empiriques.

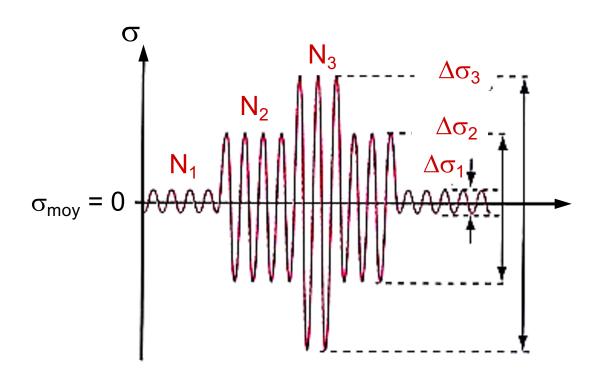


Nbre cycles à rupture N_f [éch. log.]

Fatigue avec variation de la contrainte

Comment adapter la courbe de Wöhler au cas où les cycles ne sont pas uniformes ? On a recours à des lois empiriques.

Règle de Miner



Fatigue avec variation de la contrainte

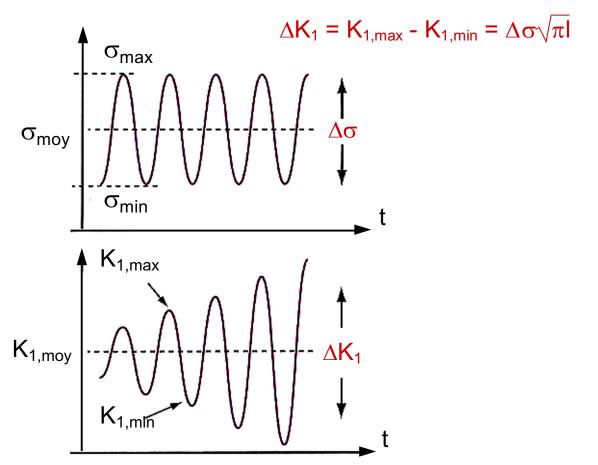
Comment adapter la courbe de Wöhler au cas où les cycles ne sont pas uniformes ? On a recours à des lois empiriques.

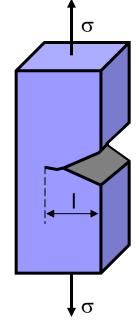
Règle de Miner

$$\sum_{i=1}^{N} \frac{N_i}{N_{f,i}} = 1$$

Avec N_i le nombre de cycles faits avec l'amplitude $\Delta \sigma_i/2$, et $Nf_{,i}$ le nombre de cycles à rupture pour cette même amplitude.

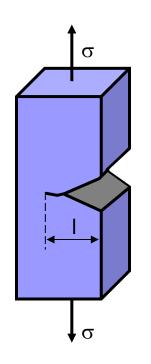
Que se passe-t-il si l'échantillon contient déjà des fissures? Avec $\Delta \sigma$ appliqué constant, le facteur d'intensité de contrainte ΔK_1 augmente avec l'avance de la fissure de longueur l. Jusqu'à ce que K_1 approche K_{1c} , où l'échantillon finit par se casser au cycle suivant.

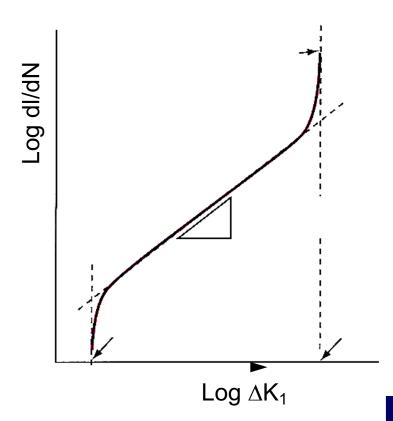




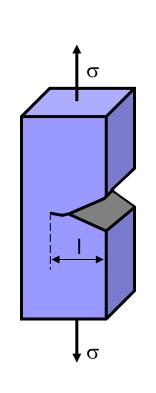
Que se passe-t-il si l'échantillon contient déjà des fissures? Avec $\Delta\sigma$ appliqué constant, le facteur d'intensité de contrainte ΔK_1 augmente avec l'avance de la fissure de longueur l. Jusqu'à ce que K_1 approche K_{1c} , où l'échantillon finit par se casser au cycle suivant.

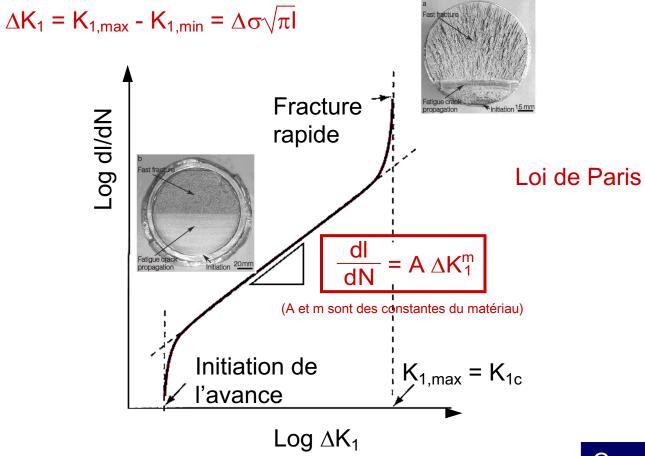
$$\Delta K_1 = K_{1,\text{max}} - K_{1,\text{min}} = \Delta \sigma \sqrt{\pi I}$$





Que se passe-t-il si l'échantillon contient déjà des fissures? Avec $\Delta \sigma$ appliqué constant, le facteur d'intensité de contrainte ΔK_1 augmente avec l'avance de la fissure de longueur l. Jusqu'à ce que K_1 approche K_{1c} , où l'échantillon finit par se casser au cycle suivant.

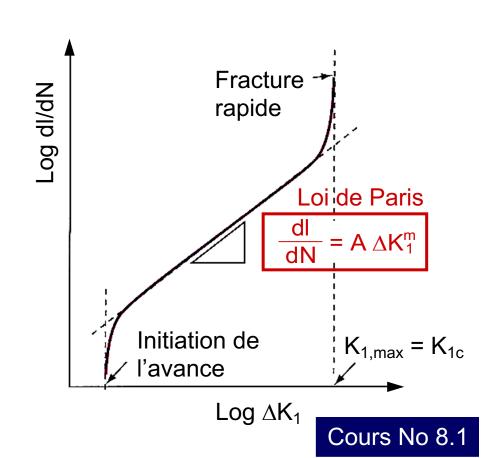




Dans ce cas, il faut limiter la contrainte pour rester avec ΔK le plus petit possible, en dessous de la valeur d'initiation de l'avance, et donc contrôler la présence de fissures. On peut aussi calculer le nombre de cycles qu'il reste avant qu'une fissure de longueur l'ne devienne dangereuse:

$$\frac{dl}{dN} = A \left(\Delta \sigma \sqrt{\pi l} \right)^m$$

Avec l_i la longueur initiale de fissure, et l_c la longueur critique calculée à partir de K_{1c}



Fatigue des matériaux ductiles

Si l'endurance σ_e est assez bien corrélée avec σ_m , elle l'est moins avec σ_Y . Elle a tendance à diminuer lorsque σ_Y augmente.

Mécanismes de propagation d'une fissure en fatigue ,Fatigue **Fatigue** oligocyclique $\sigma_{\!_{ extsf{max}}}$ plastique phase traction la déchirure ductile crée ouverture l'étirement crée une nouvelle surface une nouvelle surface phase compression -

(b)

La fermeture de la fissure

en compression la fait avancer

Cours No 8.1

La fermeture de la fissure

en compression la fait avancer

15

fermeture

(a)

Exemples de cas de fatigue

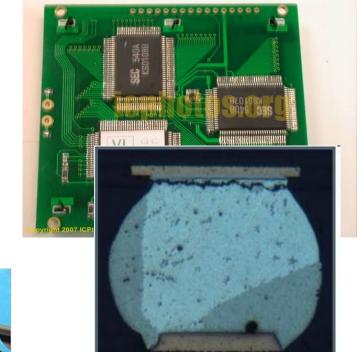
De nombreuses pièces sont soumises à de la fatigue, pouvant mener à leur rupture. Parfois indirectement, par chauffage (fatigue thermique).

Rupture

Rupture d'une pièce du moteur d'hélicoptère entrainant un atterrissage d'urgence



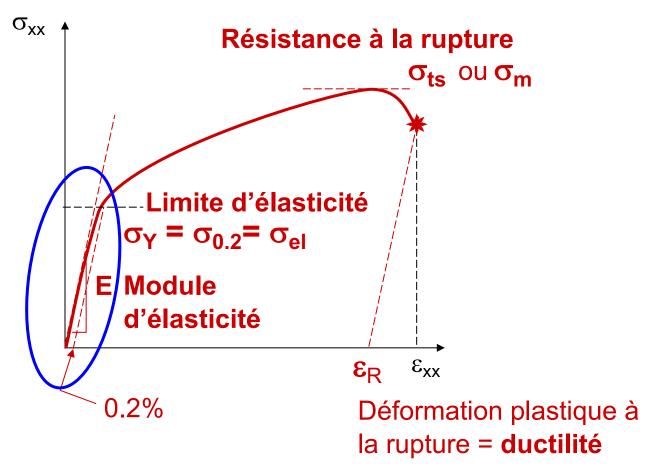
https://www.bsttsb.gc.ca/fra/rapportsreports/aviation/2013/A13P0163/A1 **16**3P0163.html



Fissure de fatigue thermique dans une soudure

Rappel: Comportement en statique

Pour un matériau (exemple du métal) typique, pour un cas où la pièce est sous contrainte statique:



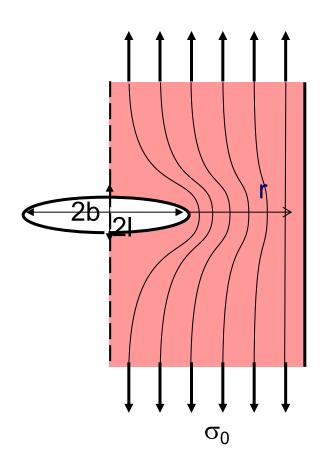
On cherche à rester sous la limite d'élasticité, sauf si on est prêt à autoriser une déformation irréversible

Synthèse des propriétés mécaniques

	Paramètres	Relations	Origines
Rigidité (module d'Young)	E	σ_{xx} = E. ϵ_{xx}	Mét. et Cér.: liaisons entre les atomes Polym: Liaisons entre les chaines
Limite d'Elasticité	σ_{y}	Convention: Mét. et Cér: e _y = 0.2% Polym: e _y = 0.5%	Mét. et Cér.: début du mouvement des dislocations Polym: début du glissement des chaines
Dureté	$H_{v_i}H_{B}$	H _ν (MPa)≈ 3.σ _y	Mét. Pol:déformation plastique Cér.: fissuration
Ecrouissage	n	n = dσ/dε au-delà de $σ_y$	Mét. et Cér.: renforcement par création de dislocations pendant la déformation Polym.: pas d'écrouissage
Résistance	σ_{m}	Contrainte maximale avant rupture	Mét.: Striction puis rupture Cér.: rupture fragile - fissures Polym.: striction, microfissures
Ductilité	ε _R	Déformation résiduelle juste avant la rupture	Mét.: mouvement des dislocations (10%) Cér.: cassent avant de se déformer
		$\varepsilon_{R} = \varepsilon_{tot} - \sigma/E$	plastiquement Polym.: Elongation des chaînes et mcrofissures (50-100%)
Ténacité	K _{1c}	$K_{1c} = (2\gamma + G_{pl}^{c})^{1/2}$	Mét. Pol. : G _{pl} domine Cér. : faible ténacité, G _{pl} négligeable

Rappel: Matériau avec des entailles pointues

Si la pièce comporte des fissures ou des entailles pointues de longueur l alors localement près du trou, on a:



Facteur d'intensité de contraintes défini comme:

$$K_1 = \sigma_0 \sqrt{\pi I}$$
 [Pa m^{1/2}]

$$\sigma(r) \approx \frac{K_1}{\sqrt{2\pi r}}$$

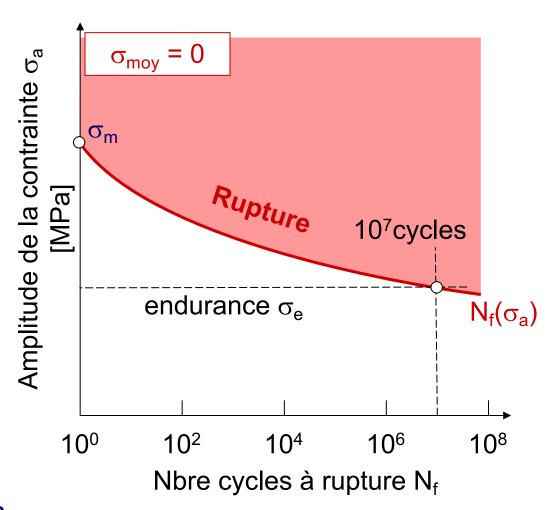
Où r est la distance depuis la pointe de fissure dans le matériau

On cherche à limiter la taille de la fissure ou la contrainte pour que K₁ reste sous K_{1c}, **ténacité à la rupture**.

Rappel: Comportement en dynamique

Si la sollicitation n'est pas continue mais est cyclique, alors on

peut avoir rupture avant σ_m .



Courbe de Wohler, dans le cas de matériau avec un état de surface initial « normal ». Si on a des fissures de longueur l,

$$\Delta K = \Delta \sigma \sqrt{\pi l} = 2\sigma_a \sqrt{\pi l}$$

Dans certains cas, les fissures se propagent (au dessus d'une valeur de ΔK critique) et propagent avec une vitesse donnée par:

$$\frac{dl}{dN} = A \Delta K^n$$

Avec A et m des constantes du matériau Cours No 8.1

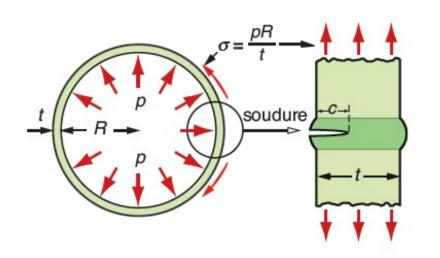
On veut réaliser un réservoir qui doit contenir du gas sous pression, qui est rempli et vidé régulièrement. Quel matériau choisir pour cela, quelle épaisseur de paroi? Le diamètre est donné, D=1.68m, et la pression maximale est P=14 bars= 1.4 MPa



Stratégie:

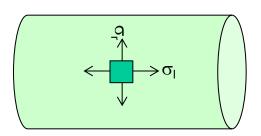
- -Résiste à la pression en statique
- -Résiste à la présence de fissures d'une taille que l'on peut détecter
- -Résiste à la fatigue

Cylindre de rayon R, épaisseur t<<R, pression p



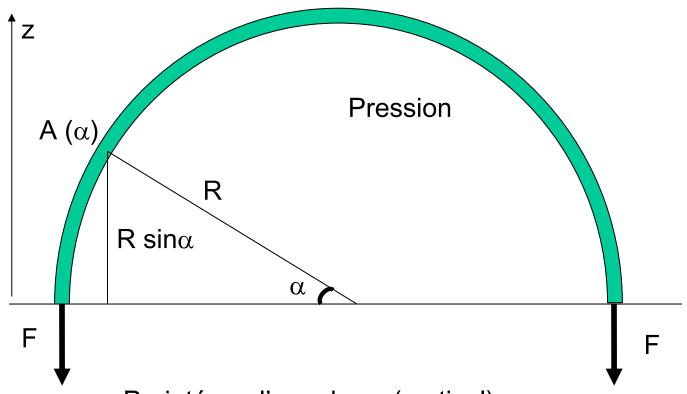
Contrainte de traction dans la paroi:

$$\sigma_r = \frac{pR}{t}$$



Contrainte de traction longitudinale dans la paroi: $\sigma_l = \frac{1}{2} \frac{pR}{t}$ (moins critique)

Calcul des forces, équilibre sur une moitié



Projeté sur l'axe des z (vertical):

$$\sum Forces = 0 = -2F + \int_0^{\pi} force \ au \ point \ A(\alpha)projet\'ee \ sur \ z \ d\alpha$$

$$\sum Forces = 0 = -2F + \int_0^{\pi} P \ Rsin \ \alpha \ L \ d\alpha$$

Calcul des forces

Cylindre de rayon R, épaisseur t<<R, pression p

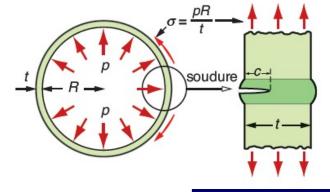
Contrainte de traction dans la paroi: $\sigma_r = \frac{pR}{t}$

Critères:

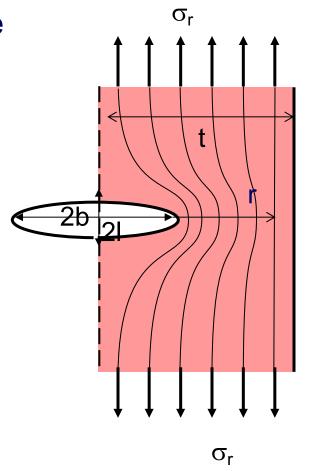
1) contrainte inférieure à la limite d'élasticité ($\sigma_r < \sigma_y$) donc

2) Si fissure présente de longueur l_i, mieux vaut qu'elle ne se

propage pas -> K_{1c} pas trop petit non plus:



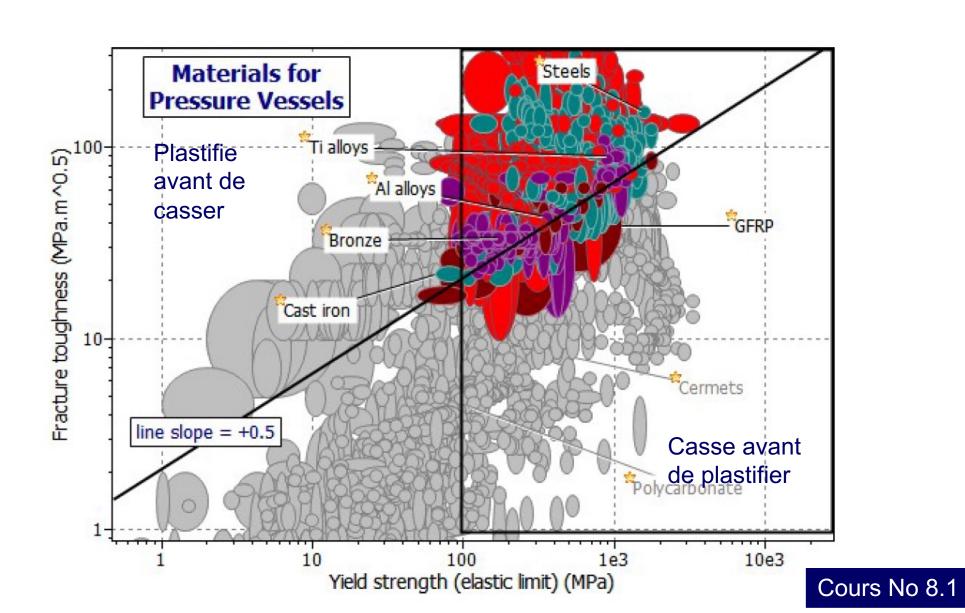
On veut que le matériau au pire plastifie, si il y a une surpression, avant propagation de fissure, donc la fissure max est telle que:



On veut de plus que le réservoir ait une fuite avant de rompre, donc qu'une fissure traversant toute l'épaisseur soit stable, donc I_{max} >t

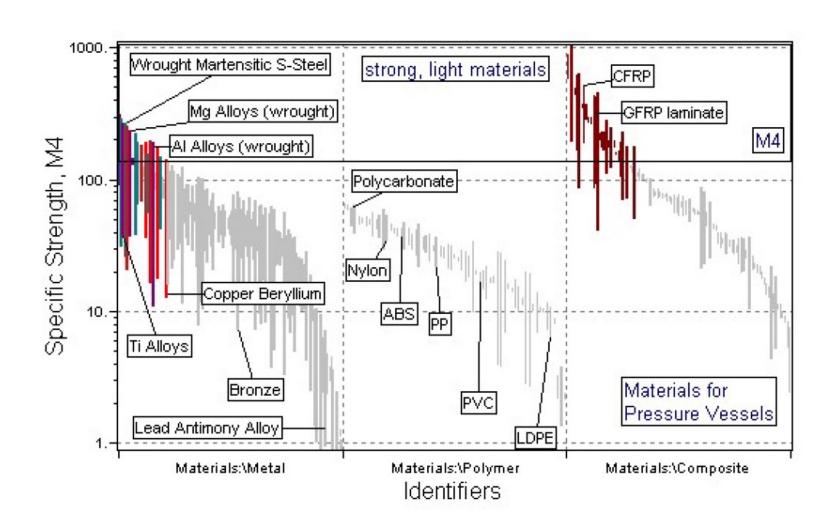
On veut par ailleurs que t>pR/ σ_y pour que le matériau reste élastique. Donc, au pire t est tel qu'on est à la limite d'élasticité, et t=pR/ σ_v . Cela donne une limite de pression qui doit être telle que:

Choix des matériaux



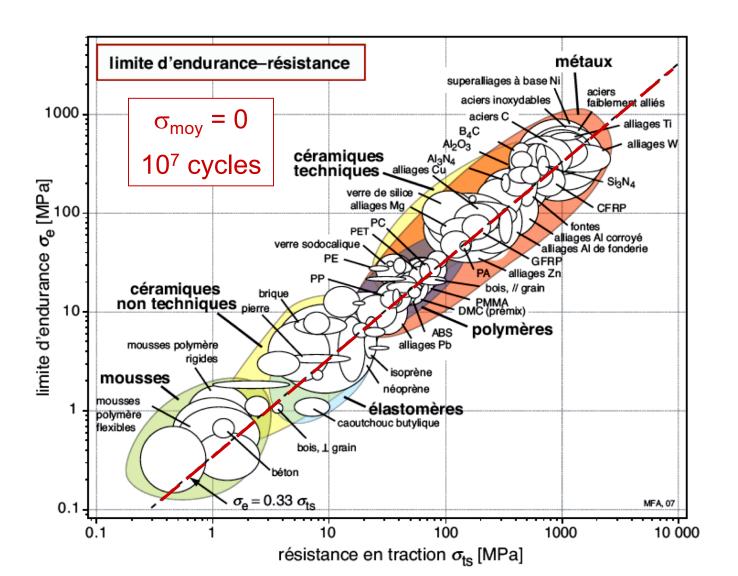
Si le réservoir est mobile (sur un camion, dans l'espace, etc..), on voudra en plus s'assurer que la masse du réservoir est la plus faible possible,

Comme par ailleurs, t>pR/ σ_v



Fatigue

On veut aussi que le réservoir résiste à la fatigue...



 $\sigma_e \approx \frac{1}{3} \, \sigma_m$

métaux polymères

Finalement, quel matériau choisir, quelle épaisseur de paroi? Le diamètre est donné, D=1.68m, et la pression maximale est P=14 bars= 1.4 Mpa.

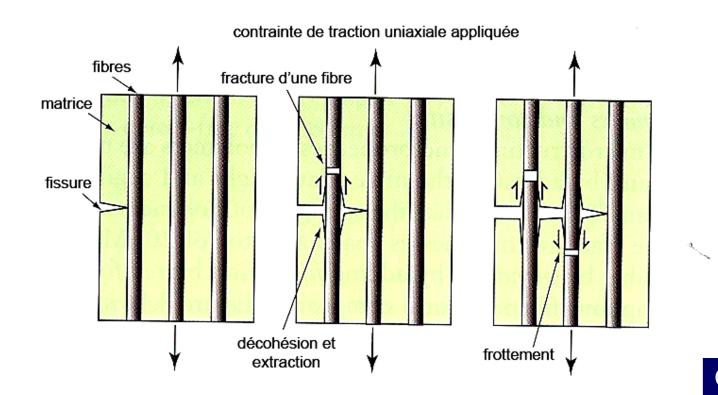


Choix de matériaux:

-...

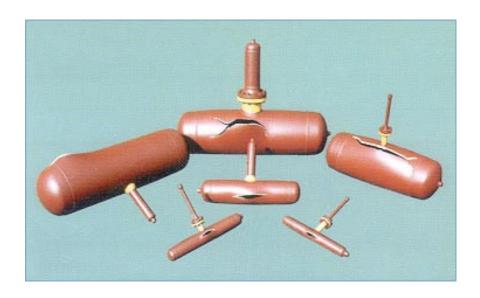
Rupture des matériaux composites

Les matériaux composites sont souvent utilisés dans les récipients sous pression. Ils ont des modes de rupture très spécifiques, avec des fissures qui se progagent dans la matrice, avec ensuite rupture des fibres et décohésion entre fibres et matrice.



Test du réservoir

Les réservoirs sont testés de manière régulière, en les pressurisant à environ 1.5 fois la pression nominale, après les avoir rempli avec un liquide incompressible (eau ou huile). On met des jauges de déformation sur le réservoir pour voir si on a une déformation résiduelle (plasticité), ou bien on mesure le volume de liquide qui rentre encore pendant le test (de 30 secondes).





Spromak Ltd

LockheedMartin

Résumé

- Le choix d'un matériau et de la géométrie de la pièce (épaisseur, ..) est lié à des critères qui dépendent des conditions d'application,
- Pour un réservoir sous pression, la sécurité recommande de plastifier ou mieux avoir une fuite avant la rupture catastrophique. D'autres critères peuvent influencer (le poids, la résistance à la corrosion...).

A retenir du cours d'aujourd'hui

- Bien connaître les définitions révisées, et savoir ce qu'est le facteur de concentration de contraintes, versus le facteur d'intensité de contraintes, versus la ténacité.
- Savoir manipuler les lois de Goodman et Miner pour prédire la durée de vie en fatigue si la contrainte moyenne est non nulle ou l'amplitude varie.
- Savoir que, si il y a une fissure dans une pièce sollicitée en fatigue, on peut calculer le nombre de cycles restant avant d'arriver à une fissure de longueur critique, en passant par la loi de Paris.
- Savoir manipuler ces concepts pour faire un dimensionnement simple de structure.